2.2 既存土木構造物・橋梁における 振動計測の活用 モデル更新と不確定性へのアプローチ

横浜国立大学 西尾真由子

橋梁の地震対策と老朽化対策



- 国内橋梁15万橋の4割は供用
 開始から40年以上
- H26年定期点検の義務化
- •「普通の橋」も対象に••









山添橋:主桁の横桁取り付け部付近の長さL=1.1mの亀裂



本荘大橋:トラス橋斜材の破断

構造ヘルスモニタリングでの振動計測

- 4径間連続PC箱桁橋、橋軸方向に4台の加速度計
- 2011年度補強前後、2012年度、2013年度に車両走行試験
- システム同定による振動特性の把握+モデルとの比較







構造ヘルスモニタリングでの振動計測

• 補強前後の変化、経年変化を全体モードで捉えるのは難しい



(Nishio et al., 2014)

環境因子の影響も大きい

- 2012年7月-2013年1月のデータについて
- 日平均固有振動数を日平均気温とプロット
- 気温が上がれば固有振動数は下がる(Material softening)



既存土木構造物(特に橋梁)の話題

- 既存橋梁の不確定性
 - ✓ 初期値/設計時パラメータ+経年変化・劣化損傷
 - ✓ 材料: コンクリート(ひび割れ・剥離など)、鋼(腐食・亀裂)
 - ✓ 構造部材: 上部構造(桁+床版、副部材もあり)・

支承/接合部・下部構造(地中構造も)

• 把握しておきたい性能:

→活荷重性能=現時点での交通需要の下で車を通していいか
→耐震性能=耐震設計の妥当性、劣化損傷によるリスク
→→…(見逃しているリスク)

どれくらい「性能」に影響を与えているのか判断 ⇒ ⇒ 既存橋梁のリスクは?センシングを活用できる?

検証1:既存橋梁のモデルベース信頼性評価の試み

点検データと計測データからパラメータ不確定性を低減したモデルによる 既存橋梁の構造信頼性に基づいた性能評価



(黒田, 西尾, 土木学会論文集A1, 2016)

対象橋梁 - 既存鋼鈑桁橋

所在地: 横浜市某所

形式:単純鈑桁橋(H形鋼RC床版) 橋長11.740m,幅員:6.1m (3径間のうち中央)

竣工年月:1963年11月

<u>2014年の点検結果</u>











支承 <u>損傷度:C</u>

全体的に 腐食

全体的に腐食

初期モデルの構築



計測データの取得

橋梁下が運河→振動の取得が容易

対象:中央径間

■計測日

2015年10月13日&2015年10月27日 ■センサ

- 圧電式加速度センサ393B04
- ■計測点数

6点(歩道)



■計測回数

第1日:4回 第2日:15回









固有振動特性の同定

クロススペクトルと固有振動数



パラメータ不確定性の検討

▶ 定期点検データからの知見(有用な情報?)



パラメータ不確定性の検討

▶ 腐食した支承部のモデル化





K=10⁴ ~ 10¹³N/mの区間で遷移

パラメータ不確定性の検討-PIRTでの検討

Phenomenon Identification and Ranking Table

Positio	Dn	Materi al No. Parameter			不確定性	固有振動数 への感度	
			1	Young's modulus of G1	Es1	Low*	
			2	Poisson ratio of G1	Vs1	Low*	
			3	Density of G1	Ds1	Low*	
	Girder	Steel	4	Thickness of top flange G1	Tt1	Low*	
			5	Thickness of web (above) G1	Twal	Mid	Low
			6 Thickness of web (under) G1		Twu1	High	Low
			7	Thickness of bottom flange G1	Tb1	High	Low
G1	Sole Plate	Steel	8	Young's modulus of plate G1P1	Esp11	Low*	
			9	Poisson ratio of plate G1P1	Vsp11	Low*	
	(P1)		10	Density of plate G1P1	Dsp11	Low*	
		Spring	11	Spring rate of G1P1	<i>K1</i>	High	High
	Sole	G(1	12	Young's modulus of plate G1P2	Esp12	Low*	
	Plate	Steel	13	Poisson ratio of plate G1P2	Vsp12	Low*	
	(P2)		14	Density of plate G1P2	Dsp12	Low*	

*村越ら,構造工学論文集,土研資料 より検討

全ての桁、床版について作成

事前分布設定

不確定パラメータ・・・支承バネ定数+桁板厚+床版ヤング率 +床版密度 【モデルは床版より上を簡易化(舗装、欄干・・・)⇒死荷重を床版密度に集約】

No.	桁	記号	パラメータ	下限値	設計値	上限値	単位
1	kan	Tb1	下フランジ厚さ	23	25	25	mm
2	111 U	K1	支承バネ定数	10 ⁴	10 ⁴	10 ¹³	N/m
3	だつ	Tb2	下フランジ厚さ	23	25	25	mm
4	111	K2	支承バネ定数	10 ⁴	10 ⁴	10 ¹³	N/m
5	杉田の	Tb3	下フランジ厚さ	23	25	25	mm
6	111 U	КЗ	支承バネ定数	10 ⁴	10 ⁴	10 ¹³	N/m
7	标页	Tb4	下フランジ厚さ	23	25	25	mm
8	111 🕀	K4	支承バネ定数	10 ⁴	10 ⁴	10 ¹³	N/m
9	だ つ	Tb5	下フランジ厚さ	23	25	25	mm
10	111	K5	支承バネ定数	10 ⁴	10 ⁴	10 ¹³	N/m
11	t/∓®	Tb6	下フランジ厚さ	23	25	25	mm
12	111	К6	支承バネ定数	10 ⁴	10 ⁴	10 ¹³	N/m
13	中市	Ес	ヤング率	22.5	25	25	GPa
14	PINAX	Dc	密度	2250	2400	2650	kg/m ³

下限~上限値間で一様分布 ――

MCMCによる事後分布推定

➢ Surrogate modelによる階層ベイズ [Higdon et al.]

 $\pi(\boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\mu}, \boldsymbol{\lambda}_{\eta}, \boldsymbol{\rho}_{\eta}, \boldsymbol{\lambda}_{\delta}, \boldsymbol{\rho}_{\delta}, | \boldsymbol{\mathcal{D}}) \propto L(\boldsymbol{\mathcal{D}} | \boldsymbol{\theta}, \boldsymbol{\mu}, \boldsymbol{\lambda}_{\eta}, \boldsymbol{\rho}_{\eta}, \boldsymbol{\lambda}_{\delta}, \boldsymbol{\rho}_{\delta}, \boldsymbol{\Sigma}_{y}) \times \pi(\boldsymbol{\theta}) \times \pi(\boldsymbol{\theta}) \times \pi(\boldsymbol{\mu}) \times \pi(\boldsymbol{\lambda}_{\eta}) \times \pi(\boldsymbol{\lambda}_{\delta}) \times \pi(\boldsymbol{\rho}_{\delta})$

▶ MCMCの設定: 標本数: 50000, burn-in: 5000, thinning: 5





事後分布への考察

■ 支承点検時の写真を確認



構造信頼性指標βの導出



桁端部劣化に対する性能評価





最大応力分布の導出

▶ 事前分布と事後分布、それそれからサンプリングして 活荷重応答を計算,最大応力分布をもとめる



構造信頼性指標βの導出結果



事後分布は事前分布よりβが高い ⇒事後分布は信頼性を過度に低く評価しなかった

・村越ら:鋼I桁橋の信頼性指標β の評価と部分係数に関する基礎 検討,2007.

<u>センシングデータを用いた不確定性低減の効果</u>

検証2: 地震応答モニタリングデータの活用を想定した 非線形解析モデルの不確定性定量化への検討



検証2の流れ





(藤井, 西尾, 2017)

免震RC橋脚モデルの構築

2 空質点2自由度モデル 非線形時刻歴応答解析コードを作成(Matlabを使 用)

【I種地盤上における鉛プラグ入り積層ゴム支承を用いた免震橋

彩晶構造	RC	橋脚	免震支承		
質量 m ₂	質量 m ₁	降伏剛性 k_1	降伏荷重 第1剛性 k		
6.04E+05kg	3.46E+05kg	1.10E+08N/m	1.12E+06N/m	4.00E+07N/m	

参照:社団法人日本道路協会,道路橋の耐震設計に関する資料



※基礎研究のため、支承の免震機能が最大限に 発揮されると仮定し橋脚を弾性挙動とした

【減衰】<u>Rayleigh減衰</u>(要素別減衰定 数)

橋期;5分生免震支承:0%

数値積分法	Newmark-β 法 Newton-Raphson法 (最大反復回数:100回)
時間増分	0.001秒



検証に用いた入力地震動



モニタリングを想定したデータ使用のシナリオ



【模擬モニタリングデータ作成方法】



不確定性の伝播を考慮した元分布設定と事前分布決定

			· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		1.57 .55 . 7			
	パーメーカ		元分布		事前一様分布			
		基準値	C.V.	上限值	下限値	元分布		
上部構造	重量	Mu	kg	6.04E+05	0.05	6.95E+05	5.13E+05	
₽℃场咖	重量	Mrc	kg	3.46E+05	0.05	3.98E+05	2.94E+05	-3σ _{事前一梯分布} +3σ
	剛性	Krc	N/m	1.10E+08	0.07	1.33E+08	8.69E+07	
	1次剛性	Kb1	N/m	4.00E+07	0.1	5.20E+07	2.80E+07	参照:
支承	2次剛性	Kb2	N/m	6.15E+06	0.1	8.00E+06	4.31E+06	鈴木ら1997, 足立ら2000, 林ら2000, 松田ら2007,
	降伏荷重	Qy	Ν	1.12E+06	0.1	1.45E+06	7.82E+05	松崎ら2016

<u>確率分布の伝播則を適用して不確定性を導出</u>

誤差の伝播式	ある確率変数の分散:	考慮した材料特性の	考慮した材料特性のばらつき				
	$\left(2^{2}\right)^{2}$	コンクリート圧縮強度	σck	N/m ²	2.06E+07	0.01	
$Var(Y) = \sum_{i=1}^{n} V$	$Var(Y) = \sum_{i=1}^{n} Var(X_i) \left \frac{\partial f}{\partial Y_i} \right $			N/m ²	2.95E+08	0.07	
<i>i</i> =1	$\left(\left. \mathbf{0A}_{i} \right _{\mu_{1},\cdots,\mu_{n}} \right)$	鉄筋ヤング率	Es	N/m ²	2.05E+11	0.01	

参照:足立ら2000

例)橋脚剛性Krcの場合

道路橋示方書より:

 $K_{RC} = \frac{P_{y}}{\delta_{y}} = \frac{M_{ls2}}{h} \times \frac{M_{y0}}{M_{ls2}\delta_{y0}} = \frac{M_{y0}}{h \cdot \delta_{y0}}$

よってKrcの合成標準不確定性は:

$$C.V.(K_{RC}) = \sqrt{\frac{Var(Y)}{mean(Y)^2}} = \sqrt{Var(M_{y0})\left(\frac{1}{\overline{M}_{y0}}\right)^2 + Var(\delta_{y0})\left(\frac{1}{\overline{\delta}_{y0}^2}\right)^2} = 0.07013$$

構造パラメータ事前分布の決定(支承劣化時)



→ゴムや鉛の経年劣化による剛性の増加・減衰性能低下

経年劣化した鉛プラグ入り積層ゴム支承の残存性能に関する実験的検証(足立ら,2014)



ᆂᆇᄵ	ニュ	7	元分布	7	事前分	布Case A	事前分布Case B		
又承ハリメータ			基準値	C.V.	上限值	下限值	上限值	下限值	
1次剛性	Kb1	N/m	7.45E+07	0.1	9.70E+07	5.22E+07	9.70E+07	2.80E+07	
2次剛性	Kb2	N/m	1.14E+07	0.1	1.49E+07	8.03E+06	1.49E+07	4.31E+06	
降伏荷重 Qy N/m		5.55E+05	0.1	7.19E+06	3.87E+05	1.45E+06	3.87E+05		

不確定構造パラメータの応答への寄与度解析

分散分析 Analysis of variance ANOVA



小規模地震応答への構造パラメータ寄与度(健全時)

入力地震動の最大加速度が10galになるように加速度振幅を調整



 各最大応答値に対して
 各計測項目に対して

 橋脚剛性Krc・支承1次剛性Kb1の
 支承2次剛性Kb2・降伏荷重Qy以

 寄与度が大きい
 外

 それぞれ寄与している

支承が弾性挙動をしているため、1次剛性の寄与度が大きく、 2次剛性・降伏荷重への寄与度がないことが確認できた

大規模地震応答への構造パラメータ寄与度(健全時)



橋脚最大応答変位には橋脚剛性 が大きく寄与している 支承1次剛性に対して 最大加速度比の寄与度が大きい

小規模地震時と比較して、支承が非線形挙動に到達したために 降伏荷重への寄与度が大きくなったことが確認できた

弾性域か塑性域での挙動の違いによって、寄与度の影響が変化する

大規模地震応答への構造パラメータ寄与度(劣化時)

支承部に劣化がみられた場合を想定して

「支承1次剛性」「支承2次剛性」「支承降伏荷重」に対して分散分析を行った



支承部の劣化に関連するパラメータに対して分散分析を行った結果、 照査項目・計測項目に対して、 どのパラメータにも寄与度があることが確認できた

小規模地震応答データを用いる事後分布推定(健全時)



寄与度が小さいパラメータKb2・Qyは不確定性が低減されないことが確認できた

大規模地震応答データを用いる事後分布推定(健全時)



ベイズ推定による事後分布を推定

3000

2000

1000

2.8



寄与度が大きいパラメータほど不確定性を低減することができた

大規模地震応答データを用いる事後分布推定(劣化時)



事前に劣化していることを明確に把握できていない不確定性の大きい場合でも 計測データを用いることで不確定性が低減された

まとめ

- 土木構造物・橋梁でも構造信頼性に基づく性能 評価への取り組みがはじまりつつある
- センシングによる構造パラメータの不確定性低減は
 既存構造物の劣化状態も考慮した性能評価に有効である
- 構造パラメータとともに入力荷重(地震荷重、橋梁の場合は交通荷重も)の不確定性も考慮していくことが、既存の構造状態と運用状況に対する性能評価には重要となる